# 永久磁石ブラシレスモータの損失評価

## Analysis of Motor Loss in Permanent Magnet Brushless Motors

戸田 広朗 TODA HiroakiJFE スチール スチール研究所 電磁鋼板研究部 主任研究員(課長)WANG JiabinSenior Lecturer, Ph. D, Dept. of Electronic and Electrical Engineering, Univ. of Sheffield, UKHOWE DavidProfessor, Ph. D, Dept. of Electronic and Electrical Engineering, Univ. of Sheffield, UK

### 要旨

巻線配置に特徴がある 22 極 24 スロットのモジュラー型,および従来型の集中巻きである 24 極 36 スロットの永久磁石ブ ラシレスモータの損失解析を,有限要素法を用いて行った。無負荷時 6 000 回転での損失はステータ鉄心による鉄損が主で あり,銅損を除く負荷時の損失はロータ磁石部での渦電流損の寄与が大きい。無負荷鉄損は極数が少ないためにモジュラー 型モータの方が小さい。一方,負荷時の磁石部・渦電流損はモジュラー型の方が大きいが,これはステータ起磁力に低次成 分を多く含むためである。鉄損低減には板厚の薄い(0.20 mm 厚)電磁鋼板の使用が有効であり,0.35 mm 厚材と比べて,鉄 損はほぼ半減する。一方,磁石部渦電流損の低減には1 極の磁石を周方向に分割することが効果的である。

### Abstract:

This paper presents an analysis of the stator iron loss and the rotor eddy-current loss in 22-pole/24-slot modular and 24-pole/36-slot conventional permanent magnet brushless motors. The loss is evaluated by time-stepped finite element analysis. No-load loss at 6 000 rpm is mainly due to the stator iron loss, while at rated load the eddy-current loss which is induced in the magnets is a major component of the total motor loss. It is shown that the no-load idling loss in the modular motor is lower than that of the conventional motor because it has fewer poles. On the other hand, the rotor eddy-current loss in the modular motor is higher because the stator armature magneto-motive force has low order spatial harmonic components. It is shown that the idling loss in the stator can be reduced by about half by using 0.20 mm thick laminations rather than 0.35 mm laminations. It is also shown that the eddy-current loss can be reduced significantly by segmenting the magnets circumferentially.

### 1. 緒言

近年,地球温暖化や大気汚染などの環境問題,エネル ギー問題などへの関心が世界的に高まりつつある。その中 でも地球温暖化防止のためには,CO2の排出削減とエネル ギーの効率利用が必須である。このような背景から,自動 車業界では電気自動車や燃料電池車,ハイブリッド自動車 の開発・実用化が進展している。これらに使われるモータ には小型高性能化が求められるため,永久磁石(PM)ブラ シレスモータが多く採用されている<sup>1)</sup>。

しかし, 誘導モータの場合と異なり, PM モータでは磁 石による交番磁界のため, モータの回転中は常に鉄損が生 じる。特に発進・加速時のトルクアシストを基本仕様とし, 高速回転時にはアシスト機能がないハイブリッド自動車用 PM モータの場合, 高速回転時の無負荷鉄損が大きいとハ イブリッド化による効率向上効果が損なわれる。したがっ て, モータ形状の最適化や鉄心素材(電磁鋼板)の改善によ る鉄損低減が求められている。 また、PM ブラシレスモータは高効率や優れた動的特性 のために広い分野で用いられているが、その中で集中巻き タイプについては、pをロータの磁極数、 $N_s$ をステータの スロット数とする時、 $N_s = 1.5 \times p$ の関係にある1磁極あ たりのスロット数が1.5 である型(以下、従来型と記す。)が 最も普及している。しかし、最近、 $N_s = p \pm 1$ 、 $p \pm 2(N_s$ は3の倍数)で表される磁極数とスロット数の関係が従来型 と異なるモータ(以下、モジュラー型と記す。)が、実用に供 されつつある<sup>2.3)</sup>。このモジュラー型モータは、従来型モー タよりも下記の点で優れている。

第一に、モジュラー型モータでは隣り合って連続する数 ティースが同一相であるため、巻線状態での異相の重なり をなくすことができる。これはモータ製造の観点から有利 であり<sup>4,5)</sup>、巻線占積率が向上するためにモータ効率を高く することができる。また、電流相間の干渉によるモータ故 障の可能性を低減することができる。

第二に、上述した磁極数とスロット数の関係から分かる ように、モジュラー型モータでは与えられた極数に対して スロット数を少なくすることができる。 第三に,モジュラー型モータでは極数とスロット数の最 少公倍数を大きくする組み合わせが可能なので,たとえば, スキューなしでもコギングトルクやトルクリプルを非常に 小さくすることができる<sup>3,6)</sup>。

上記観点から、モジュラー型 PM モータを自動車エンジ ン用として採用する利点は大きいと考えられる。しかし、 従来型の PM モータでは、通常、永久磁石内部での渦電流 損は無視できる程度に小さいと考えられているが、モジュ ラー型モータでは非常に大きくなる可能性がある。すなわ ち、従来型の場合、ステータ電流による時間高調波と巻線 配置による空間調波は一般的に小さいのに対し、モジュ ラー型ではステータ起磁力に多数の強い低次調波成分が含 まれる。したがって、負荷時にはこれが原因となって磁石 部で大きな渦電流損が発生する恐れがある<sup>7,8)</sup>。ゆえに、両 タイプのモータを対象にモータ損失の比較を行うことは、 モータタイプ選択の観点から有益である。

そこで,モジュラー型と従来型 PM ブラシレスモータを 対象に,無負荷鉄損およびロータ磁石部・渦電流損の解析 とそれらの低減策を検討した結果を報告する。

#### 2. モータの基本設計

Fig. 1 に示す 22 極 24 スロットのモジュラー型および 24 極 36 スロットの従来型 PM ブラシレスモータ(表面磁石型) の基本設計を,最大パワーが求められる 1 700 回転時に同 一電流で同一トルクが生じるという条件で行った。設計し たモータの諸定数を Table 1 に示す。

#### 3. 無負荷鉄損の解析

#### 3.1 鉄損の算出法

有限要素法による電磁界解析で磁束密度変化を求めた 後,下記に示す(1)式に基づいて鉄損を算出した。すなわ ち,鉄損はヒステリシス損,古典渦電流損および磁壁の影 響による異常渦電流損の総和で表すことができる<sup>9,10)</sup>。

$P_t$	=	$k_{\rm h} f B_{\rm m}$	$K(B_{\rm m})$	) +	$(\sigma/1$	2)(d	$f^2 f/d$	§)∫ <sub>1/f</sub>	$(\mathrm{d}B/$	$(\mathrm{d}t)^2$	dt
	+	$k_{\rm e} f \int_{1/f}$	$\mathrm{d}B/\mathrm{d}t$	$^{1.5}$ dt	•••••		•••••	• • • • • • • •	•••••	•••	(1)

 $K(B_{\rm m}) = 1 + (0.65/B_{\rm m})\Sigma\Delta B_{\rm i}$ 

ここで、 $\Delta B_i$ はマイナーループ内での磁束密度の変化、  $B_m$ は磁束密度の最大値、fは周波数を示す。 $\sigma$ 、 $\delta$ 、dはそれ ぞれ、鋼板(鉄心)の電気伝導度、質量、板厚を表す。また、  $k_h$ と $\alpha$ はヒステリシス損係数、 $k_e$ は異常渦電流損係数であ り、それぞれエプスタイン試片などを用いた鉄損測定デー タから求めることができる。

回転磁界による鉄損は、モータの周方向および径方向別



(a) Modular 22-pole/24-slot



(b) Conventional 24-pole/36-slot Fig. 1 Schematic of PM brushless motors

Table 1 Motor specifications and parameters

Topology	Modular	Conventional
Pole number	22	24
Slot number	24	36
Magnet resistivity $(\mu \Omega \cdot cm)$	70	70
Peak current to produce 105 Nm torque (A)	500	500
Air-gap (mm)	1.6	1.6

に鉄損を算出した後,双方を合計することによって求めた<sup>11)</sup>。**Table 2**に計算に用いた鋼板の代表的な磁気特性を示す。

#### 3.2 鉄損解析結果

無負荷時6000回転でのステータ部鉄損の計算結果と分 布を Fig. 2 に示す(鋼板の種類は35JN300)。全鉄損はモ ジュラー型の方が小さいが,ティース部先端での鉄損はモ ジュラー型の方が大きいことが分かる。ティース先端部で の磁束密度変化をフーリエ解析した結果を Fig. 3 に示す。 モジュラー型と従来型で7,9,11 次高調波の含有率はほ ほ同じであるが,3,5 次高調波の含有率はモジュラー型の 方が多い。このため,ティース部先端での鉄損はモジュ ラー型の方が大きいと考えられる。さらに,ティース部で の磁束密度変化をフーリエ解析した結果を Fig. 4 に示す が,この場合も3 次高調波の含有率は明らかにモジュラー

		35JN300	35JN210	20JNEH1200
Thickness, d	(mm)	0.35	0.35	0.20
Iron loss, $W_{15/50}$	(W/kg)	2.60	2.05	2.05
Iron loss, $W_{10/400}$	(W/kg)	18.0	16.0	11.0
Flux density, $B_{50}$	(T)	1.68	1.66	1.66

Table 2 Magnetic properties of lamination materials



(a) Modular motor (Total iron loss =  $1 \ 176 \text{ W}$ )



(b) Conventional motor (Total iron loss = 1 448 W) Fig. 2 Iron loss distribution at 6 000 rpm on no-load



Fig.3 Normalized flux density harmonics in a tooth tip

型の場合の方が多い。しかし,前述したように全鉄損は従 来型に比べてモジュラー型の方が約15%小さい。この理由 は,モジュラー型の方が従来型より極数が少ないためと考 えられる。

次に, 適用する電磁鋼板がステータ部鉄損に及ぼす影響



Fig.4 Normalized flux density harmonics in a tooth body



を **Fig. 5** に示す。0.20 mm 厚の電磁鋼板(20JNEH1200)を 用いることで,鉄損はほぼ半減する。また,ステータ部鉄 損の変化は,高周波鉄損を代表する *W*<sub>10/400</sub><sup>12)</sup>の変化とほぼ 一致することが分かる。

#### 4. ロータ磁石部・渦電流損の解析

#### 4.1 ステータ起磁力波形の分布

ステータ起磁力波形は, Fig.1に示した巻線配置を考慮 し、ティース部に巻線されたコイルの起磁力分布を矩形波 と仮定するとフーリエ級数の形で表現できる<sup>13)</sup>。すなわち、 ステータ巻線を等価な電流シート(*J*)で表すと、3相モー タについては次式で表すことができる<sup>7)</sup>。

$$J(\theta, t) = \begin{cases} \sum_{n}^{\infty} \frac{3}{2} J_n \cos(n\theta - p_r \,\omega t) & (n = (3k + m)) \\ \sum_{n}^{\infty} \left\{ -\frac{3}{2} J_n \cos(n\theta + p_r \,\omega t) \right\} & (n = (3k - m)) \\ 0 & (n \neq 3k \pm m) \end{cases}$$

ここで、n は調波成分の次数、 $p_r$  はロータ磁石の極対数、  $\omega$  はロータの角速度を示す。また、 $J_n = \{(2N_s I_m)/(\pi R_s)\}$ ×  $K_{wn}$  であり、 $N_s$ 、 $I_m$ 、 $R_s$  は、おのおの同一電流相を直列 接続したと想定した時のコイル巻数、ピーク電流値、ス テータ内周部の半径である。さらに、 $K_{wn}$  は巻線係数を示 す。m は ±1 の値を取るが、22 極 24 スロットのモジュラー



型モータの場合は *m* = 1,24 極 36 スロットの従来型モー タでは *m* = -1 である。

モジュラー型モータのステータ起磁力波形の分布を Fig. 6(a)に、従来型モータの場合をFig. 6(b)に示す。モ ジュラー型モータでは、22極のロータ磁石と相互作用して トルクを生み出す11次調波成分以外に、5、7、13、17、19 次の低次成分および35、37次などの大きな調波成分が存 在することが分かる。5、7、13次などの低次調波成分は、 磁石部に大きな渦電流損を発生させる原因となる<sup>14)</sup>。

#### 4.2 磁石部・渦電流損の計算結果

有限要素法による渦電流損の計算を,負荷時(電流波形 は正弦波),1700回転の条件下で磁石の分割数を変えて 行った。また,ステータの開口スロット幅の存在は,ギャッ プ磁束密度の脈動(以下,スロットリプルと記す。)によって 磁石部に渦電流損を発生させるが<sup>15)</sup>,その大きさはスロッ ト幅や極数とスロット数の組み合わせに依存する。そこで, 開口スロット幅を変えた計算も行った。

Fig. 7 にモジュラー型モータ, Fig. 8 に従来型モータの 場合の磁石部・渦電流損に及ぼす磁石分割数の影響を示す。 負荷条件において1極の磁石を分割しない場合,モジュ ラー型モータでは約2kW,従来型モータでも約1kWとい う大きな渦電流損の発生が予測されるが,磁石を周方向に 分割することで渦電流損を効果的に低減できることが分か る。なお,従来型モータでも過度の温度上昇を防ぐために は,磁石を周方向に2分割以上する必要があると言える。

ここで,無磁化条件での計算値はステータ起磁力による 渦電流損を表し,無負荷条件での計算値は開口スロット幅 の存在に起因するスロットリプルによる渦電流損を表して いる。したがって,モジュラー型モータではステータ起磁 力起因の渦電流損が従来型モータに比べて非常に大きく, これがモジュラー型モータで磁石部・渦電流損が大きい原



Fig.7 Influence of number of magnet segments per pole on eddy-current loss for modular motor



Fig. 8 Influence of number of magnet segments per pole on eddy-current loss for conventional motor

因であることが分かる。また、スロットリプルに起因する 渦電流損は、従来型モータの方が若干大きい。なお、表皮 効果や飽和の影響により、負荷条件での渦電流損は必ずし も無負荷条件と無磁化時の渦電流損の和にはなっていな い。

次に、モジュラー型および従来型モータでの磁石部・渦 電流損に及ぼすステータ・開口スロット幅の影響を Fig. 9, 10 に示す。スロット幅が広くなると、スロットリプルに起 因する渦電流損(無負荷条件での渦電流損)と負荷時の渦電 流損が増加することが分かる。ただし、スロットリプルの 脈動周波数はスロット数に比例するため、従来型モータの 場合の方が、渦電流損の変化に及ぼすスロット幅の影響は 大きい。したがって、特に従来型モータの場合、スロット 幅に関しては、コギングトルクやインダクタンスに及ぼす 影響の他に、磁石部・渦電流損への影響という観点からも 考慮する必要があると言える。また、従来型モータでも磁 石を周方向に2分割以上する必要があるので、製造時のス ロット幅の変動などを考慮すると、スロット幅の影響が小 さいモジュラー型モータで磁石を4分割する方が、モータ 特性安定のためにはよいと判断できる。

#### 5. 結言

同一電流で同一トルクを発生可能という条件で設計した



Fig.9 Influence of slot opening on eddy-current loss for modular motor (Number of magnet segments per pole: 2)



Fig. 10 Influence of slot opening on eddy-current loss for conventional motor (Number of magnet segments per pole: 2)

モジュラー型および従来型の永久磁石ブラシレスモータを 対象に,無負荷鉄損と負荷時の磁石部・渦電流損の解析を 行った。無負荷鉄損はモジュラー型モータの方が小さいが, これは極数が少ないためである。また,ステータに用いる 電磁鋼板の板厚を 0.35 mm から 0.20 mm にすることで,鉄 損はほぼ半減する。ステータ起磁力に多数の強い低次調波 成分が存在するため,磁石部の渦電流損はモジュラー型 モータの方が大きいが,磁石を周方向に分割することで渦 電流損は効果的に減少できる。従来型モータでも過度の温 度上昇を防ぐためには磁石を周方向に2分割以上する必要 があり,また,スロット幅の変動が渦電流損に及ぼす影響 が大きい。したがって,モータ損失を安定的に低減するに はモジュラー型モータの方が適当である。

本研究の遂行にあたり,有益かつ貴重なご教示をいただ いたシェフィールド大学の Atallah 博士と Xia 博士には,厚 く謝意を表します。

#### 参考文献

- 佐々木正和、ハイブリッド自動車の開発トレンド、自動車技術会2004 春季大会. no. 20045325, 2004-05.
- Atallah, K.; Howe, D. Modular permanent magnet brushless machines for aerospace and automotive applications. Proc. 20th Int. Workshop on Rare-earth Magnets and their Applications. 2000, p. 1039–1048.
- Atallah, K.; Wang, J.; Howe, D. Torque ripple minimisation in modular permanent magnet brushless machines. IEEE Trans. on Industry Applications. vol. 39, 2003, p. 1689–1695.
- 4) Oikawa, T.; Tajima, T.; Matsumoto, K.; Akita, H.; Kawaguchi, H.; Kometani, H. Development of high efficiency brushless DC motor with new manufacturing method of stator for compressors. Proc. 16th Int. Compressor Engineering Conf. CD12-4, 2002.
- 5) Jack, A. G.; Mecrow, B. C.; Dickinson, P. G.; Stephenson, D. Permanentmagnet machines with powdered iron cores and prepressed windings. IEEE Trans. on Industry Applications. vol. 36, 2003, p. 1077–1084.
- 6) 大西和夫. 永久磁石ブラシレスモータのコギングトルク低減. 電気学 会論文誌 D. vol. 122, no. 4, 2002, p. 338-345.
- Atallah, K.; Howe, D.; Mellor, P. H.; Stone, D. A. Rotor loss in permanent magnet brushless AC machine. IEEE Trans. on Industry Applications. vol. 36, 2000, p. 1612–1618.
- 8) 中野正嗣,米谷晴之.表面磁石型モータの回転子に発生する渦電流損 に関する考察.電気学会回転機研究会資料. RM-03-73, 2003, p.712.
- Bertotti, G. General properties of power losses in soft ferromagnetic materials. IEEE Trans. on Magnetics. vol. 24, 1988, p. 621–630.
- Fiorillo, F.; Novikov, A. An improved approach to power losses in magnetic laminations under non-sinusoidal induction waveform. IEEE Trans. on Magnetics. vol. 26, 1990, p. 2904–2910.
- 11) Atallah, K.; Zhu, Z. Q.; Howe, D. An improved method for predicting iron losses in brushless permanent magnet dc drives. IEEE Trans. on Magnetics. vol. 28, 1992, p. 2997–2999.
- 本田厚人,千田邦浩. 定廣健一. 電気自動車,ハイブリッド車のモー タ用電磁鋼板. 川崎製鉄技報. vol. 34, no. 2, 2002, p. 85-89.
- 13) Zhu, Z. Q.; Howe, D. Instantaneous magnetic field distribution in brushless permanent dc motors—Part II: Armature reaction field. IEEE Trans. on Magnetics. vol. 29, 1993, p. 136–142.
- 14) Toda, H.; Xia, Z. P.; Wang, J.; Atallah, K; Howe, D. Rotor eddy-current loss in permanent magnet brushless machines. IEEE Trans. on Magnetics. vol. 40, 2004, p. 2104–2106.
- 15) 松岡孝一,近藤圭一郎,小林芳隆,白石茂智,鉄道車両駆動用車輪一体形主電動機の開発. 電気学会論文誌 D. vol. 121, no. 11, 2001, p 1176-1184.



戸田 広朗



WANG Jiabin



HOWE David