# 無方向性電磁鋼板の鉄損に及ぼすインバータ励磁の影響

## Influence of Inverter Excitation on Iron Loss of Non-Oriented Electrical Steel

上坂正憲UESAKA MasanoriJFE スチール西日本製鉄所(倉敷地区)薄板商品技術部電磁室主任部員(副課長)大村健OMURA TakeshiJFE スチールスチール研究所電磁鋼板研究部主任研究員(副部長)千田邦浩SENDA KunihiroJFE テクノリサーチ西日本ソリューション本部倉敷材料評価センター主査(部長)・博士(工学)

#### 要旨

インバータ励磁下の無方向性電磁鋼板の鉄損に及ぼす材料板厚および ON 電圧の影響を調査した。板厚の増加に よる鉄損の増加量は、正弦波励磁に比べてインバータ励磁の方が大きくなった。これは、インバータ励磁では鉄損 に占める渦電流損の割合が正弦波励磁に比べて大きくなるからと考えられる。また、インバータ用の直流電圧に対 する ON 電圧の比が増加するにしたがい、PWM インバータ励磁下の鉄損が増加した。これは、磁束密度の重畳に より形成されるマイナーループ生成によるヒステリシス損の増加によるものと考えられる。

#### Abstract:

The influence of material thickness and ON voltage on iron loss of non-oriented electrical steels under PWM inverter excitation was investigated. The increase of iron loss with the increase in material thickness under inverter excitation was larger than that under sinusoidal excitation. This may be because the ratio of eddy current loss to iron loss under inverter excitation is larger than that under sinusoidal excitation. The iron loss under PWM inverter excitation increased with the increase in the ratio  $V_{\rm ON}/V_{\rm DC}$ . This is thought to be due to an increase in hysteresis loss caused by the generation of minor loops formed by superposition of magnetic flux densities.

#### 1. はじめに

省エネルギー化の要請から,モータの高効率化が推進さ れており,消費電力低減と制御性向上のためにインバータを 用いた PWM 制御によるモータの駆動が,ブラシレス DC モータを中心として主流になりつつある。一方で,モータ鉄 心の材料として使用される電磁鋼板に対しても,インバータ 駆動モータの性能向上への寄与が期待されている。

インバータを用いる高効率モータでは、その電圧波形に 含まれる高調波が鉄損を増加させることが知られている<sup>1)</sup>。 一般に、電磁鋼板の磁気特性に板厚やSi量等が及ぼす影響 は単板磁気測定試験(SST)やエプスタイン試験、リング試 験片により評価される<sup>2,3)</sup>。モータの効率向上に有効な材料 は、これらの試験により得られた磁気測定値を参考に選択 するが、通常行われている電磁鋼板の磁気特性評価方法で は、高調波を含まない正弦波励磁により評価するため、イン バータ励磁で駆動されるモータの鉄損との間に乖離が生じ るという課題がある<sup>4)</sup>。そのため、インバータ励磁に起因す る高調波の影響下での磁気特性を考慮することが、モータ 設計で重要であるといえる。このような背景のもと、藤崎ら は正弦波励磁下での鉄損が同等で板厚の異なる試験片を用 いて、インバータ励磁下での鉄損を評価し、インバータ励磁 下では板厚の薄い材料の方が低鉄損となることを報告して おり<sup>4</sup>、本田らは、インバータ駆動させたときの誘導モータ の特性と鉄心材料の Si 含有量および板厚の関係を調べ、板 厚が薄い材料ほどモータ効率が向上することを報告してい る<sup>5)</sup>。

しかし,これまでの報告では鉄心材料の板厚とインバータ 励磁下での鉄損の関係を定量的に評価したものはなく,板 厚低減によるモータ鉄損の減少について,そのメカニズムに まで踏み込んで詳細に説明した研究例はほとんどない。そこ で,板厚のみを種々変更した電磁鋼板の磁気測定用試験片 を使い,インバータを用いた制御方法により励磁したときの 材料鉄損の評価結果を報告する<sup>6)</sup>。

また,笹山らは異なる積層枚数のリング試験片を用いてイ ンバータ励磁下での鉄損を評価し,インバータ励磁下では 試験片の断面積を変化させたとき,インバータの ON 電圧 に起因するマイナーループの面積が変化し,鉄損に影響す ることを報告している<sup>7)</sup>。また,尹らは任意波形発生器によ り ON 電圧の異なる PWM インバータ駆動を模擬した電圧 波形で励磁し,インバータの ON 電圧を減少させることで鉄 損が減少することを報告している<sup>8)</sup>。これらから,PWM イ ンバータ励磁条件での鉄損評価においては,電源と測定試 料の条件が鉄損に及ぼす影響を詳細に理解することが必要

<sup>2323</sup>年3月22日受付

といえる。そこで、インバータの ON 電圧が材料鉄損に及ぼ す影響を実際の PWM インバータ励磁下で評価することを 目的とし、試験片条件と励磁波形条件を変更して鉄損を測 定した結果についても報告する<sup>9</sup>。

### 2. 無方向性電磁鋼板の板厚がインバータ励磁 下での鉄損に及ぼす影響

#### 2.1 実験方法

本実験は、インバータを用いた PWM 制御により測定用 試験片を励磁する磁気測定により行った。図1に測定シス テムを示す。インバータ部には Si-N チャンネル IGBT によ る単相インバータを使用した。電流センサーを用いて1次電 流 Iと2 次電圧 Vの波形をデジタルオシロスコープにより記 録した。評価サンプルは、Si: 3 mass%の鋼塊から 0.25 mm, 0.35 mm, 0.50 mm の3 種類の板厚の冷間圧延鋼板を作製 し、仕上焼鈍を施した。これら3種は同じSi含有量であり、 結晶粒径も同水準であることを断面組織から確認した。そし て、仕上焼鈍板をワイヤーカットで内径 60 mm,外径 80mmのリング形状に加工した後、ポリアセタール製の厚 み1mmのリングケースに入れ、1次巻線N<sub>1</sub>150ターン、2 次巻線 N2 100 ターンを施した。インバータ励磁下では,鉄 心の断面積が鉄損に影響を及ぼすことから<sup>7)</sup>,各板厚の材料 の積層厚みが7mm,重量のバラつきが2%以内となるよう 積層枚数を調整した。1次電流波形から磁場の強さHを、2 次電圧波形から磁束密度 B を求めた。H と B の計算式は以 下のとおりである。

$$H = \frac{N_1}{L} \times I \quad [A / m] \dots (1)$$
$$B = \frac{1}{N_2 S} \times \int V dt \quad [T] \dots (2)$$

鉄損Wを以下に示すようにヒステリシス曲線の内部面積

から求めた。ここで、Lはリング試料の磁路長、Sは試料の 断面積、fは基本周波数、 $\rho$ は電磁鋼板の密度である。







Fig. 2 BH curve and minor loops

インバータ励磁時の鉄損 $W_{inv}$ と正弦波励磁時の鉄損 $W_{sin}$ , 正弦波励磁からインバータ励磁にしたことによる鉄損増加率  $R_{inc}$ を次式のように定義した。

$$R_{\rm inc} = \frac{W_{\rm inv} - W_{\rm sin}}{W_{\rm sin}} \times 100 \quad [\%] \qquad \dots \qquad (4)$$

また, 図2に示すようにインバータ励磁下でのBH曲線に おけるB=0近傍のマイナーループ部分の磁束密度の変化量 を $\Delta B$ ,磁界の強さの変化量を $\Delta H$ と定義した。

基本周波数を 50 Hz とし,最大磁束密度  $B_m$  を 0.1~1.5 T, キャリア周波数  $f_c$  を 1 k~20 kHz,変調率 m を 0.1~3.0 の 間で変更して鉄損を測定した。ヒステリシス損の測定は 1 周 期が 120 s になるように励磁速度を調整し,最大磁束密度  $B_m$  を 0.1~1.5 T の範囲で変化させて測定した。

#### 2.2 実験結果および考察





Fig. 3 Iron losses under sinusoidal wave and inverter excitation



ンバータ励磁では正弦波励磁に比べて,板厚の変化に伴う 鉄損の変化量が増加した。

図4に最大磁東密度 $B_m \ge 1.5 \text{ T}$ ,基本周波数 $f \ge 50 \text{ Hz}$ , 変調率 $m \ge 0.4 \ge 1$ ,キャリア周波数 $f_c \ge 2.5 \ge 0.4 \ge 1.5 \text{ T}$ ,基本周波数 $f_c \ge 2.5 \ge 0.4 \ge 1.5 \text{ T}$ ,基本周波数 $f_c \ge 0.4 \ge 1.5 \text{ T}$ ,基本周波数 $f_c \ge 0.5 \le 0.5 \le 0.5 \le 0.4 \ge 0.5 \le 0.4 \ge 0.5 \le 0.5$ 



図8 各インバータ励磁条件および各板厚における磁界の強さ および磁束密度の変化量

Fig. 8  $\Delta H$  and  $\Delta B$  in various inverter excitation conditions and sheet thicknesses

し、変調率 m を変えたときのインバータ励磁下での鉄損 W<sub>inv</sub>の変化を示す。変調率の増加に伴い鉄損が減少した。 図7に鉄損増加率 R<sub>ine</sub>と変調率 m の関係を示す。変調率の 増加とともに鉄損増加率が減少し、どの板厚の材料も変調 率1.6以上で鉄損増加率が一定となった。

図8に0T付近でのマイナーループの磁界の強さの変化 量  $\Delta H$ と磁東密度の変化量  $\Delta B$ を示す。キャリア周波数およ び変調率が小さいほど磁東密度の変化量  $\Delta B$ と磁界の強さの 変化量  $\Delta H$ が大きくなった。また、材料の板厚を薄くしたと





Fig. 9 Hysteresis losses under sinusoidal wave and inverter excitation predicted by empirical composition



図 10 インバータ励磁と正弦波励磁におけるヒステリシス損, 渦電流損および鉄損

Fig. 10 Hysteresis loss  $W_{\rm h}$ , eddy current loss  $W_{\rm e}$ , and iron loss under sinusoidal wave  $W_{\rm sin}$  and inverter excitation  $W_{\rm inv}$ 

き,磁束密度の変化量  $\Delta B$  はほとんど変化しないが,磁界の 強さの変化  $\Delta H$  は減少していることが分かる。この傾向はす べてのマイナーループで確認できたことから,薄厚化した場 合にインバータ励磁下の鉄損が大きく低減した理由は,板 厚低減によりマイナーループの  $\Delta H$  が小さくなり,その分鉄 損が減少したためと考えられる。

次に,インバータ励磁下での渦電流損とヒステリシス損の 板厚依存性を評価するため,BH曲線がマイナーループを含 むときのヒステリシス損を以下の方法で測定した。

マイナーループを形成するとき、マイナーループの起点  $B_1$ および、 $\Delta B$ の大きさがヒステリシス損に影響することが 知られている<sup>10,11)</sup>。そこで、インバータ励磁で形成されたす べてのマイナーループに対して、個々の起点 $B_1$ と折り返し 点 $B_2$ を読み取り、ヒステリシス損測定の磁束密度波形がイ ンバータ励磁での磁束密度波形と同じ磁束密度で反転する ように電圧を制御し、一周期が 120 s となる励磁速度でヒス テリシス損を測定した。**図 9** にヒステリシス損測定での BH 曲線の一例を示す。メジャーループはマイナーループの有 無によらず同じ軌跡をたどった。そして、得られたマイナー ループの面積から個々のマイナーループのヒステリシス損を 算出し、メジャーループとすべてのマイナーループのヒステ リシス損を足し合わせた値をインバータ励磁下でのヒステリ シス損とし、インバータ励磁下の鉄損から上記の方法で求 めたヒステリシス損を差し引くことでインバータ励磁下の渦 電流損を求めた。

図10に正弦波励磁下およびインバータ励磁下の鉄損 W<sub>sin</sub> と W<sub>inv</sub>, ヒステリシス損 W<sub>h</sub>, 渦電流損 W<sub>e</sub> をそれぞれ示す。 板厚を変えたときのヒステリシス損の変化量はインバータ励 磁と正弦波励磁でほとんど変わらない。一方で, 板厚変化 に伴う渦電流損の変化量は, インバータ励磁の方が大きく, 板厚の影響を強く受けていることが分かる。これは, イン バータ励磁では波形に高調波を含むため, 鉄損に占める渦 電流損の割合が増加したことを反映していると考えられる。

次に,インバータ励磁下での磁束密度波形をFFTにより スペクトル解析した。板厚 0.25 mm の材料でキャリア周波 数と変調率を変更したときの FFT 解析結果を図 11,図 12, 図 13 に示す。スペクトル中に基本周波数である 50 Hz と キャリア周波数の倍数の周波数成分が検出された。スペク トル強度と変調率およびキャリア周波数の関係を図 14,図 15 に示す。変調率およびキャリア周波数の増加に伴い,基 本周波数成分の強度が増加し,キャリア周波数の倍数成分 の強度が減少した。

続いて磁束密度波形のスペクトル成分に基づいて鉄損を 算定した。ここでは、異なる板厚の材料間でスペクトルの分 布の差異は認められなかったため、板厚 0.25 mm の材料の スペクトル成分と強度を用いて解析した。

まず,FFT 解析から得られたスペクトルの強度を最大磁 束密度とした正弦波励磁条件で鉄損を測定し,これらを加 算することでインバータ励磁での鉄損の推定値を求めた。 50 Hz および 0.1 k~1.9 kHz, 1.95 k~20.05 kHz の各領域の 周波数成分に対応する正弦波励磁条件の鉄損を足し合わせ ることで,インバータ励磁下の鉄損に対する基本周波数成 分と高調波成分の寄与を推定した。

図16にインバータ励磁下での鉄損実測値と各周波数領域 の鉄損推定値を示す。鉄損推定値は鉄損実測値に比べて小 さくなった。一般的に直流偏磁下での鉄損は,偏磁が無い ときに比べて増加することが知られており<sup>10,10</sup> 今回用いた手 法では,さまざまな偏磁の条件で重畳される高調波成分の 鉄損を完全には模擬できていないため,鉄損を過小に評価 したと考えられる。しかし,磁束密度のスペクトル成分から 推定した鉄損は,キャリア周波数と変調率に対する実際の 鉄損変化と傾向がよく一致しており,今回用いた手法はイン バータ励磁による鉄損の増加現象を理解するのに有用とい える。

高調波成分の鉄損に着目すると、板厚や励磁条件を変更 したときの鉄損の変化量は 1.95 k~20.05 kHz が最も大きく、 その変化量は、インバータ励磁下での実測鉄損の変化量と 比較的よく一致していることが分かる。板厚が厚いほど、イ ンバータ励磁条件を変えた場合の鉄損変化が大きいのは、



図 11 磁束密度の周波数スペクトル (*f<sub>c</sub>*; 1 kHz, *m*: 0.4) Fig. 11 Frequency spectrum of flux density



図 12 磁束密度の周波数スペクトル (f; 1 kHz, m: 0.8)







高調波成分が大きな影響を与える渦電流損の鉄損に占める 割合が,板厚が厚いほど増加するためと考えられる。

さらに、図16からは変調率が高い励磁条件ほど、板厚が



図 14 各キャリア周波数および変調率における基本周波数のス ペクトル強度

Fig. 14 Spectrum intensity of fundamental frequency at each carrier frequency and modulation rate



図 15 各キャリア周波数および変調率におけるキャリア周波数 の二次高調波スペクトル強度





図 16 インバータ励磁下での鉄損実測値と FFT 分析から予測 された鉄損計算値の比較



増加した場合の鉄損増加量が小さいことが分かる。これは 図 15 に示すように,変調率を増加させた場合に磁束密度波 形における高調波成分の強度が減少したため,鉄損に占め る渦電流損の割合も減少したことが原因と考えられる。

また、キャリア周波数が高い励磁条件でも板厚を変えた

場合の鉄損変化が小さくなった。これは変調率の場合と同 様に高調波成分の強度が減少し,鉄損に占める渦電流損の 割合が減少したことが原因と考えられる。

### インバータ励磁下での鉄損に及ぼす ON 電圧の影響

#### 3.1 実験方法

本実験は、Si-N チャンネル IGBT による単相インバータ 回路を励磁電源として用いた磁気測定により行った。図17 に測定システムを示す。磁気測定の電圧波形から読み取っ た ON 電圧の平均値  $V_{ON}$  は 1.2 V であり、直流電源電圧  $V_{DC}$ を調整することにより目標の最大磁束密度を得た。また、比 較のために任意波形発生器とリニアアンプを組み合わせた 励磁電源による測定を実施した。ここでは  $V_{ON}=0$ の理想的 な PWM 電圧波形とした。これら磁気測定では、1 次電流波 形と 2 次電圧波形をデジタルオシロスコープにより記録し、 磁界の強さ H と磁束密度 B の時間変化から鉄損を求めた。 PWM 制御条件はキャリア周波数  $f_c=1$  kHz および変調率 m=0.4 に固定し、最大磁束密度  $B_m=1.0$  T、基本周波数 f=50 Hz とした。インバータおよびリニアアンプ励磁での鉄損 をそれぞれ  $W_{inv}$ ,  $W_{amp}$  と定義した。

測定用の試料は、板厚 0.35 mm の無方向性電磁鋼板をワ イヤーカットで内径 35 mm, 外径 55 mm のリング形状に加 工し、ポリアセタール製の厚み1 mm のリングケースに入



図 17 測定システム

Fig. 17 Measurement system







れ,1次巻線100ターンと2次巻線100ターンを施した。測 定では試料鋼板の積層枚数を13枚,22枚,55枚の3水準 で変化させることにより,V<sub>ON</sub>とV<sub>DC</sub>の比を変化させた。

#### 3.2 実験結果および考察

図 18 に試料断面積 S と鉄損の関係を示す。試料断面積の 減少とともに PWM インバータ励磁での鉄損  $W_{inv}$  は増大す るが、PWM リニアアンプ励磁での鉄損  $W_{amp}$  はほとんど変 化しなかった。また、同じ試料断面積の場合、鉄損は  $W_{inv}$ の方が  $W_{amp}$  より大きかった。図 19 に  $V_{DC}$  に対する  $V_{ON}$ の 比と鉄損の関係を示す。 $W_{inv}$  は  $V_{ON}/V_{DC}$ の増加とともに増 加した。

励磁方法が高調波成分に及ぼす影響を明らかにするため, 磁東密度波形中の高調波成分の振幅を FFT 解析により求め た。いずれの励磁方法においても基本周波数 50 Hz とキャ リア周波数の2倍となる2kHz 周辺の成分が検出された。 表1に PWM インバータ励磁と PWM リニアアンプ励磁に おける FFT 解析結果を示す。リニアアンプ励磁では断面積 によらずスペクトル強度は一定であるが, PWM インバータ 励磁ではスペクトル強度に試料断面積依存性があることが 分かる。

次に,各スペクトル強度を最大磁束密度とし,各周波数 における正弦波励磁での鉄損を測定,加算することで鉄損



図 19 鉄損に及ぼす直流電圧と ON 電圧比率の影響

Fig. 19 Effect of ratio of ON voltage to secondary voltage on iron loss

表1~	磁束密度波形のスペク	៸ト	ル強度
-----	------------	----	-----

3

Table 1 Spectrum intensity of flux density waveform

PWM operating condition		Intusity of spectrum component (T)			
	$S(m^2)$	at 50 Hz	at 1.95 kHz	at 2.05 kHz	
PWM- AMP	4.55	1.044	0.020	0.019	
	7.70	1.047	0.020	0.020	
	19.25	1.049	0.021	0.020	
PWM- INV	4.55	0.853	0.036	0.033	
	7.70	0.918	0.029	0.027	
	19.25	0.985	0.029	0.022	





の推定値を求めた(図 20)。PWM リニアアンプ励磁では鉄 損の実測値と推定値が良く一致するが、PWM インバータ励 磁では実測値と推定値の差が大きく, 試料断面積が小さい ほど差が大きくなった。Marcelo らによると、マイナールー プを高磁東密度域で形成するほどマイナーループの面積が 増加し, ヒステリシス損が増加することが報告されてい る<sup>10)</sup>。B=0 が中心となる正弦波励磁により測定した鉄損の 積算による推定値では、磁束密度波形への高調波成分の重 **畳によるヒステリシス損の増加分を考慮しないため、過少に** 見積もられていたと考えられる。加えて、試料断面積が小さ いほどマイナーループ面積が広く、磁束密度波形への高調 波成分の重畳によるヒステリシス損増加分が大きくなり、誤 差が大きくなったと考えられる。PWM リニアアンプ励磁で は、マイナーループが形成されないため、FFT 解析から得 られた各スペクトルでの鉄損で実測鉄損を精度よく予測で きたと考えられる。

#### 4. おわりに

インバータ励磁に起因する高調波の影響下での磁気測定 を考慮することが、モータ設計で重要であるといえる。その 観点で以下の知見を得た。

(1) インバータ励磁では高調波の影響により、鉄損に占める 渦電流損の割合が正弦波励磁のときよりも大きくなるこ とを定量的に示した。このことから,鉄心材料の薄厚化 により渦電流損を低減する場合,正弦波励磁下よりイン バータ励磁下の方が大きな効果が得られたと考えられ 3.

- (2) キャリア周波数および変調率の増加に伴い磁東密度波 形に含まれる高調波成分割合が減少した。そのため, 鉄損に占める渦電流損の割合が減少し,板厚依存性が 低くなったと考えられる。
- (3) インバータ用の直流電圧に対する ON 電圧の比が増加 するにしたがい,鉄損が増加した。
- (4) ON 電圧のない PWM 励磁条件での鉄損は磁束密度波 形の周波数成分から精度よく予測できた。一方、イン バータ励磁条件での鉄損は、ON 電圧に起因するマイ ナーループ形成によるヒステリシス損の増加が、磁束密 度波形の周波数成分から求めた予測値には考慮されて いないため、測定値と予測値の乖離が生じた。

#### 参考文献

- 1) 高畑良一, 湧井真一, 安島俊幸, 宮田健治, 野間啓二, 妹尾正治. 集 中巻永久磁石同期モータの損失評価に関する基礎検討. 電学論 D. 2013, vol. 133, no. 12, p. 1148-1156.
- 2) 岡崎靖雄. 二方向性けい素鋼板の磁気特性. 電学論 A. 1992, vol. 112, no. 6, p. 513-520.
- 3) Arai, K. I.; Satoh, H.; Agatsuma, S.; Ishiyama, K. Tertiary Recrystalyzation and Iron Loss of Ultra Thin Silicon Steel. IEEE Trans. Magn. 1990, vol. 26, no. 5, p. 1969-1971.
- 4) 藤崎敬介,山田 諒,日下部隆弘. 励磁電源による磁性材料特性の変 化. 電気学会研究資料. 2012, MAG-12-32, p. 55-60.
- 5) 本田厚人,佐藤圭司,石田昌義,大山 勇. インダクションモータ特 性におよぼす無方向性電磁鋼板素材の影響. 電気学会研究会資料. 1997, RM-97-148. p. 13-18.
- 6) 上坂正憲,千田邦浩,大村健,岡部誠司.無方向性電磁鋼板の板厚が インバータ励磁下の鉄損に及ぼす影響. 電学論 A. 2018, vol. 138, no. 7. p. 367-372.
- 7) 柳澤佑輔, 貝原浩紀, 笹山瑛由, 中野正典, 高橋則雄, 河邊盛男, 野 見山琢磨,塩崎明.コアの断面積が PWM インバータ励磁下の無方向 性電磁鋼板の鉄損に与える影響. 平成 25 年電気学会全大. 2013, no. 2-139, p171-172.
- 8) Yun, K.; Fujisaki, K. Iron Loss Characteristics of Estimated ON-Voltage of Power Semiconductor by PWM Shaped Voltage Excitation. IEEJ Transactions on Fundamentals and Materials. 2015, vol. 135, no. 10, p. 605 - 610.
- 9) 上坂正憲,千田邦浩,大村健,岡部誠司. PWM インバータ励磁下で の鉄損に及ぼす ON 電圧の影響. 平成 28 年電気学会産業応用部門大 会. 2016, 3-13, p. 139-140.
- 10) Lancarotte, M. S.; Goldemberg, C.; Penteado, Jr A. de A. Estimation of FeSi Core Losses Under PWM or DC Bias Ripple Voltage Excitations. IEEE Trans. Energy Conversion. 2005-6, vol. 20, no. 2, p. 367-372.
- 11) 木俣裕敬,柳瀬俊次, 枦修一郎, 岡崎靖雄. 電磁鋼板のマイナールー プ磁気損失. 平成 17 年電気学会全国大会. 2005, 2-133, p. 150.